

Willkommen bei Verteilte Systeme!

Von Datenbanken über Webdienste bis zu p2p und Sensornetzen.



Heute: Algorithmen und Zustand. Wer nichts garantiert, kann alles verteilen. Aber ... ?

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Ablauf heute

- Warum?
Wie? Representation und Fairness
Richtigkeit 1: Sicherheit und Lebendigkeit

--- PAUSE ---

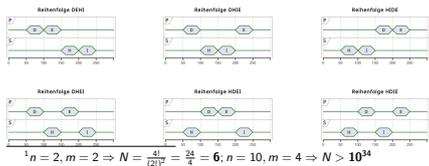
- Beispiel: Prozess-Farben
Richtigkeit: Beweismethoden
Zustand

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Alle möglichen Reihenfolgen prüfen?

N = (n * m)! / (m!)^n ; n Prozesse, m Aktionen^1 (1)

Einfachster Fall:



Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Notation für Programme

```
define : <program>
choose-any
<guard1>
<statement1>
<guard2>
<statement2>
Kein Guard wahr: Abbruch (Fehler).
Kein Guard wahr: Nichts (Ende).
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Beispiele

Nicht-Deterministisch

```
define : through-to-4
define x 0
while-any
{x < 4}
set! x {x + 1}
display x
{x = 3}
set! x 0
display x
newline
1234 | 12301234 | ... to copy
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Scheduler: Arten von Fairness

- unbedingt fair Jeder Pfad wird irgendwann getestet^3
stark fair Alle Pfade werden irgendwann getestet, deren Guard unbegrenzt oft wahr wird
schwach fair Alle Pfade werden irgendwann getestet, deren Guard wahr bleibt^4

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Wiederholung Vorlesung 2 (Zeit)

Reale Uhren:

- wall time vs. monotonic clocks
Skew und Drift
Synchronisieren: extern (Cristian, NTP), intern (Berkeley)

Logische Uhren:

- Lamport: Ein Zähler pro Knoten. 'Wenn es vorher war, dann ist der Zeitstempel kleiner.'
Vektor: N Zähler in jedem der N Knoten. Kausalität. 'Wenn der Zeitstempel kleiner ist, dann war es vorher.'
sonst vielleicht gleichzeitig.

Ausschluss: Koordinator oder verteilt => Zusätzliche Nachrichten.

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Ziele heute I

- Sie verstehen, wieso in verteilten Algorithmen nicht einfach alle Möglichkeiten geprüft werden können.
Sie verstehen, warum Richtigkeit aus Sicherheit und Lebendigkeit besteht.
Sie kennen Definition über nichtdeterministische guarded commands.
Sie verstehen Beweise über Invarianten und Rückführung auf bekannte Strukturen.
Sie können erklären, wie ein Schnappschuss des Gesamtzustandes erstellt wird.
Sie können erklären, wie Dijkstra-Scholten den Abschluss feststellt.

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Kriterien statt Zustände

- Alle Zustände prüfen
Kriterien für alle Zustände beweisen

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Verkürzt

```
define : <program>
while-any
<guard1> : <statement1>
<guard2> : <statement2>
Angelehnt an Dijkstras Guarded Command Language.^2
choose-any = if, while-any = do
Ausprobieren:
https://hg.sr.ht/~arnebab/guarded-commands
```

^2Ich nutze entgegen Dijkstras Vorstellungen ausführbaren Code, weil mir in Literatur zum Thema Fehler in dem entsprechenden Pseudocode aufgefallen sind. Dijkstras Notation produktiv: Promela language => SPIN

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Beispiele

Nicht-Deterministisch

```
define : through-to-4
define x 0
while-any
{x < 4}
set! x {x + 1}
display x
{x = 3}
set! x 0
display x
newline
1234 | 12301234 | ... to copy
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Scheduler: Garantierte Fairness

- stark und schwach: geringere Garantien als bei sequenziellem Code
=> Mehr Freiheit für Netz-Implementierung
=> „günstigere“ Systeme

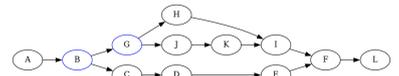
Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Literatur

Distributed Systems - An Algorithmic Approach - Sukumar Ghosh (2015).

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Verteilte Ausführung: Abfolgen von Zuständen



AB*CDE*FL oder AB*GHI*FL oder AB*GJKI*FL?

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Repräsentation

Darstellung von verteilten Algorithmen.

Ziele:

- Sie verstehen choose-any und while-any.
Sie können erklären, wie Fairness den Programmablauf ändern kann.

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Strenge Notation

choose-any Äquivalent

```
if (...) {
...;
} else {
throw new RuntimeException("undefined branch");
}
```

Standard if

```
define if-else-ignore
choose-any
<guard1> : <statement1>
<guard2> : <statement2>
#: skip
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Anwendung

```
define : euclidean a b
while-any
{a < b} : set! b {b - a}
{b < a} : set! a {a - b}
values a b
to copy
Größter gemeinsamer Teiler:
euclidean 999999 15678 .
;; => 117
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

Fairness Beispiel

```
define : fair
define b #t
define x #f
while-any
b : set! x #t
b : set! x #f
x : set! b #f
x : set! x : not x
to copy
Verhalten bei Fairness?
stark
schwach
```

Draketo Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand. Progress bars for: Einstieg, Motivation, Representation, Richtigkeit, Zustand, Abschluss.

^3Das ist der Normalfall, den wir ab jetzt ignorieren werden.

^4Er wird nur auf zwei Arten wieder falsch, wenn er wahr war: sein Statement wird ausgeführt oder der Prozess terminiert.

choose-any/correct I

```
define : shuffle items
  sort items : λ (x y) {(random:uniform) < 0.5}

define : choose-any/internal guards
  let loop : : guards : shuffle guards
  when : not : null? guards
  let : : guard : car guards
  if ((car guard) ;; gets and calls the lambda
    : cdr guard ;; gets and calls the lambda
    loop : cdr guards
```

choose-any/correct II

```
define-syntax-rule : choose-any guarded ...
  choose-any/internal
  wrap-all-in-lambda guarded ...
```

while-any/correct

```
define : while-any/internal guards
  while #t
  let loop : : guards : shuffle guards
  when : null? guards
  break
  let : : guard : car guards
  if : (car guard) ;; gets and calls the lambda
    : cdr guard ;; gets and calls the lambda
    loop : cdr guards

define-syntax-rule : while-any guarded ...
  while-any/internal
  wrap-all-in-lambda guarded ...
```

channel tools I

```
define-record-type <channel>
  channel message-count
  . channel?
  message-count
  . channel-message-count
  . channel-message-count-set!
```

channel tools II

```
define : send-message-to chan
  channel-message-count-set! chan
  + 1 : channel-message-count chan

define : receive-message-from chan
  channel-message-count-set! chan
  + -1 : channel-message-count chan

define : empty? chan
  equal? 0 : channel-message-count chan
```

Phase helpers

```
define (phase i) : list-ref phases i
define (i+1%3 i) : modulo {(phase i) + 1} 3
define (i+2%3 i) : modulo {(phase i) + 2} 3
define : neighbors i
  take : drop phases (max 0 {i - 1})
  min 3 {N - {i - 1}} {i + 2}
define : random-phase i
  inexact->exact : floor : * 3 : random:uniform .
```

Zustands-Broadcast all-to-all I

```
define : broadcast init out in
  define V init
  define W '()
  define inqueue '()
  pretty-print V
  while-any
  : not : equal? V W ;; Schritt 1
  send-to-all out : lset-difference equal? V W
  set! W V
  pretty-print W
  : check-in-has-input!? inqueue in ;; Schritt 2
  set! V : apply lset-union equal? V inqueue
  set! inqueue '()
```

Zustands-Broadcast all-to-all II

```
pretty-print V
pretty-print V
. V

define : send-to-all channels value
  for-each : cut fibers:put-message <> value
  . channels

define : receive-from-all channels
  map fibers:get-message channels

define-syntax-rule : check-in-has-input!? inqueue in
  begin
  set! inqueue : receive-from-all in
  : λ _ : not : every empty? inqueue
  define : make-buffered-channel
```

Zustands-Broadcast all-to-all III

```
define chan-in : fibers:make-channel
define chan-out : fibers:make-channel
fibers:

define N 3
define init-values : map list : iota N
;; connect every channel to every other channel
define out-channels
  map (λ _ '()) : iota N
define in-channels
  map (λ _ '()) : iota N
let loop : (N N)
  when : not : zero? N
  for-each
```

Zustands-Broadcast all-to-all IV

```
λ (n)
  let-values : ((chan-in chan-out) (fibers:make-chan
  list-set! out-channels {N - 1}
  cons chan : list-ref out-channels {N - 1}
  list-set! in-channels n
  cons chan : list-ref in-channels n
  let : (chan (fibers:make-channel))
  list-set! in-channels {N - 1}
  cons chan : list-ref in-channels {N - 1}
  list-set! out-channels n
  cons chan : list-ref out-channels n
  iota {N - 1}
  loop {N - 1}
```

Zustands-Broadcast all-to-all V

```
fibers:run-fibers
λ _
  map
  λ (init out in)
  fibers:spawn-fiber
  λ _
  broadcast init out in
  . init-values out-channels in-channels
  . #:drain? #t
```

Auf strongly connected graph: Jeder Knoten in Richtung der Kanten („in Pfeilrichtung“) erreichbar.

Zustands-Broadcast terminiert

Wertungsfunktion:

$$Y = (V_0, V_1, \dots, V_{N-1}, c_0, c_1, \dots, c_{m-1}) \quad (8)$$

c Kanalinhalt

V Zustand

In Schritt 1 wächst c.

In Schritt 2 wächst V.

Terminiert, weiß aber nicht, wann.

Logikprogrammierung

Automatisierte Beweise durch Rückführung auf bewiesene Axiome.

- Trivial
 - {P} skip {P}
- Variablensubstitution
 - {Q[x ← E]} x := E {Q}
- Minimalableitung:
 - {?} x:=1 {x=1} ;
 - ? = (1 = 1) = true
 - {true} x:= 1 {x = 1}
- Ebenso:
 - {?} x:= 100 {x=0}
 - ? = (100 = 0) = false
 - {false} x:= 1 {x = 1}

Kein Beweis der Terminierung ⇒ Safety, nicht Liveness.
Äquivalent zu „Wenn alle Guards false sind, ist der Zustand richtig“.

Prädikatumformung (predicate transformers)

$$wp(S, false) = false \quad (9)$$

- S: Programm
- wp(S, Zielzustand) = Bedingung
- Kein Programm kann false erfüllen

$$wp(\text{while-any}, Q) = \exists k \geq 0 : H_k(Q) \quad (10)$$

- k: Schritte
- $H_k(Q)$: Alle Zustände, die nach k Schritten terminieren.

Beispiel für Prädikatumformung

```
define : toss
  define x 'egal
  choose-any
  #t : set! x 0
  #t : set! x 1
```

$$wp(\text{toss}, x = 0) = false \quad (11)$$

$$wp(\text{toss}, x = 1) = false \quad (12)$$

$$wp(\text{toss}, x = 0 \vee x = 1) = true \quad (13)$$

Verweise I

Friedman, D. P. und Eastlund, C. (2015). *The Little Prover*. MIT Press, ISBN: 978-0262527958.

Ghosh, S. (2015). *Distributed Systems - An Algorithmic Approach*. Computer & Information Science. Chapman & Hall/CRC, 2 edition, ISBN: 978-1466552975.

Hellerstein, J. M. und Alvaro, P. (2019). Keeping CALM: when distributed consistency is easy. *CoRR*, abs/1901.01930, <http://arxiv.org/abs/1901.01930>.